

MATHEMATIQUES APPLIQUEES

Somme de vecteurs

4

1 - Approche analytique

On considère deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} exprimés dans la même base $(\vec{e_x}, \vec{e_y}, \vec{e_z})$.

La somme des vecteurs \vec{u} et \vec{v} est le vecteur $\vec{w} = \vec{u} + \vec{v}$.

Calcul des composantes de
$$\overrightarrow{w}$$
:
$$\overrightarrow{w} = \begin{vmatrix} w_x \\ w_y \\ w_z \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} u_x \\ u_y \\ u_z \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} v_x \\ v_y \\ v_z \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} u_x + v_x \\ u_y + v_y \\ u_z + v_z \end{vmatrix}$$

Norme de la somme : $\|\vec{w}\| = \sqrt{(u_x + v_x)^2 + (u_y + v_y)^2 + (u_z + v_z)^2}$

Cas général :
$$\vec{w} = \sum_{i=1}^{N} \vec{e_i} = \sum_{i=1}^{N} x_{ei}$$
$$\sum_{i=1}^{N} y_{ei}$$

$$\|\vec{w}\| = \sqrt{\left(\sum_{i=1}^{N} x_{ei}\right)^{2} + \left(\sum_{i=1}^{N} y_{ei}\right)^{2} + \left(\sum_{i=1}^{N} z_{ei}\right)^{2}}$$

2 - Approche graphique

On trace, à une échelle donnée, les vecteurs en les mettant "bout à bout".

Le tracé obtenu s'appelle un dynamique.

Si la somme est nulle, le dynamique est fermé.

La résultante est le vecteur qui a :

- ⇒ pour origine le point de départ de la somme (l'origine du premier vecteur tracé),
- ⇒ pour extrémité le point d'arrivée de la somme (l'extrémité du dernier vecteur tracé).

3 - A savoir

La somme vectorielle est commutative : $\vec{u} + \vec{v} = \vec{v} + \vec{u}$.